Università degli Studi Roma Tre - Ingegneria Meccanica Esercizi di Analisi Matematica I

A.A. 2022/23

- Esercitazione 1 -

Esercizio 1. Risolvere le seguenti disequazioni:

1.
$$(x-1)(x^2+6) > x^3+2$$
;

2.
$$\frac{\sqrt{x-3}\sqrt{x^2-5x+6}}{x-\sqrt{x}} > 0;$$

$$3. \ \frac{4|x|}{x^2 - 2|x| - 3} < -1;$$

4.
$$\frac{x^3 + x^2 - 4x - 4}{x^3 - 1} \ge 0$$
;

5.
$$e^{3x} > 1 + 2e^{-3x}$$
;

6.
$$\sqrt{x+2} \ge x+1;$$

7.
$$\log_{1/5}(x^2 + 4x) > -1$$
.

Esercizio 2. Determinare l'insieme di definizione e il segno delle seguenti funzioni:

1.
$$f(x) = x^5 - 8x^3 - 9x$$
;

2.
$$f(x) = (x^2 - 7x + 12)^{-\frac{3}{2}}$$
;

3.
$$f(x) = 1 - \frac{1}{x} + \frac{4}{x-1}$$
;

4.
$$f(x) = \sqrt{x^2 - 5x + 4} - x + 3$$
;

5.
$$f(x) = \frac{1}{\ln(4x^2 - 4x - 3)}$$
;

6.
$$f(x) = |x - 1| - |2x - 5|$$
;

7.
$$f(x) = \sqrt{7 - e^x} - \sqrt{e^x - 3}$$
.

Esercizio 3. Dati i seguenti grafici di funzioni, determinarne dominio, immagine e studiare immagine e controimmagine dei sottoinsiemi indicati.

